

11 Povrchové napätie. Prenosové javy.

Poznáme dva druhy fázových rozhraní. Fázové rozhrania, ktoré prenášajú tlak a fázové rozhrania, ktoré tlak neprenášajú. V druhom prípade bude po oboch stranách rozhrania rôzny tlak, ak jeho povrch je zakrivený.

1. Rozdiel tlakov vypočítame podľa Laplaceovho vzorca

$$\Delta p = \alpha \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right),$$

kde α je koeficient povrchového napätia, ktorý je rovný, čo do veľkosti, sile pôsobiacej na jednotku dĺžky okraja povrchovej blany kvapaliny a R_1 a R_2 sú polomery zakrivenia dvoch vzájomne kolmých prierezov povrchu kvapaliny.

2. Na zmenu plochy ΔS povrchovej blany je potrebné vykonať prácu

$$\Delta A = \alpha \Delta S.$$

3. Výška, do ktorej stúpne kvapalina v kapiláre s polomerom r , je

$$h = \frac{2\alpha \cos \theta}{\rho g r},$$

kde ρ je hustota kvapaliny, θ - okrajový uhol. Pri úplnom zmáčaní je $\theta = 0$ a pri úplnom nezmáčaní je $\theta = \pi$.

Pod prenosovými javmi rozumieme prenos energie v rôznych formách.

4. Množstvo tepla, ktoré prejde plochou ΔS v kolmom smere v dôsledku tepelnej vodivosti látky za čas Δt je dané vzťahom

$$Q = -\lambda \frac{\Delta T}{\Delta x} \Delta S \Delta t,$$

kde $\frac{\Delta T}{\Delta x}$ je gradient teploty v smere kolmom na plôšku ΔS a λ - koeficient tepelnej vodivosti.

5. Tepelný tok medzi dvomi látkami s rôznou teplotou je rovný

$$\Phi = -h \Delta T,$$

kde h je koeficient prestupu tepla a ΔT rozdiel teplôt dotýkajúcich sa látok.

6. Sila trenia medzi dvomi vrstvami tekutiny, ktoré sa pohybujú paralelne voči sebe rôznymi rýchlosťami je rovná

$$\mathbf{F} = -\eta \frac{dv}{dx} S \frac{\mathbf{v}}{|\mathbf{v}|},$$

kde S je plocha dotýkajúcich sa vrstiev, $\frac{dv}{dx}$ - gradient rýchlosti pohybu vrstiev v smere x , kolmom na vrstvy a η - dynamická viskozita tekutiny.

7. Množstvo tekutiny, ktoré vytečie z trubice o polomere R je rovné

$$V = \frac{1}{\eta} \frac{\pi R^4}{8l} (p_1 - p_2) \Delta t,$$

kde η je dynamická viskozita tekutiny, l – dĺžka trubice, $(p_1 - p_2)$ – rozdiel tlakov na koncoch trubice a Δt – doba vytekania tekutiny.

Riešené príklady

11.1. Medzi dvomi rovnobežnými sklenenými doštičkami sa nachádza kvapka ortuti o hmotnosti $2 \cdot 10^{-3}$ kg. Akou silou treba stlačiť doštičky, aby sme kvapku ortuti stlačili na hrúbku 0,1 mm? Predpokladajte, že ortuť nezmáča sklo. Koeficient povrchového napätia ortuti je $0,5 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$.

Úvaha:

Zadané veličiny:	Hľadané veličiny	Kvapka po stlačení nadobudne tvar disku s bočným povrchom, ktorý bude mať dva polomery zakrivenia. Doplňujúci tlak v ortuti v dôsledku tohoto zakrivenia je rovný
$m = 2 \cdot 10^{-3} \text{ kg}$	$F = ?$	
$\alpha = 0,5 \text{ kg} \cdot \text{s}^{-2}$		
$d = 0,1 \cdot 10^{-3} \text{ m}$		
$\rho = 13,5 \cdot 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$		

$$\Delta p = \alpha \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \right), \quad (1)$$

kde α je koeficient povrchového napätia ortuti, R_1 – polomer disku a R_2 polomer zakrivenia priečného rezu disku. Pretože ortuť nezmáča sklo môžeme R_2 vyjadriť pomocou hrúbky disku d , $R_2 = d/2$. Z druhej strany, tento doplňujúci tlak musí byť kompenzovaný vonkajším tlakom

$$\Delta p = F / S, \quad (2)$$

kde S je plocha kvapky ortuti, ktorou sa dotýka sklenenej doštičky, $S = \pi R_1^2$.

Polomer R_1 môžeme vypočítať z objemu kvapky. Je zrejmé, že polomer R_2 bude oveľa menší ako R_1 a preto môžeme uvažovať, že objem kvapky bude po stlačení rovný

$$V = \pi R_1^2 d. \quad (3)$$

Objem V zistíme z hmotnosti m a hustoty ortuti ρ , $V = m/\rho$. Dosadením do rovnice (3) a úpravou dostaneme pre R_1

$$R_1 = \sqrt{\frac{m}{\pi \rho d}}. \quad (4)$$

Porovnaním rovníc (1) a (2) a dosadením za R_1 a R_2 vypočítame hľadanú silu, pričom plochu S vyjadríme ako $\frac{m}{\rho d}$.

Riešenie:

Porovnaním rovníc (1) a (2) dostaneme

$$F = S \Delta p = \frac{m \alpha}{\rho d} \left(\sqrt{\frac{\pi \rho d}{m}} + \frac{2}{d} \right)$$

$$F = \frac{2 \cdot 10^{-3} \text{ kg} \cdot 0,5 \text{ kg} \cdot \text{s}^{-2}}{13,5 \cdot 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3} \cdot 1 \cdot 10^{-4} \text{ m}} \left(\sqrt{\frac{3,14 \cdot 13,5 \cdot 10^3 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3} \cdot 1 \cdot 10^{-4} \text{ m}}{2 \cdot 10^{-3} \text{ kg}}} + \frac{2}{1 \cdot 10^{-4} \text{ m}} \right) =$$

$$F = 14,8 \text{ N}$$

11.2. V zimnom období sa v jednej z rohových miestnosti staršieho tehlového bytu pokazil radiátor. V miestnosti udržujeme teplotu 20° C elektrickým radiátorom pri vonkajšej teplote -10° C. Plocha vonkajších tehlových stien je 13 m², plocha okna s jednou vrstvou skla je 2 m². Únik tepla cez vnútorné steny bytu zanedbajte. Cenu elektrickej energie uvažujte 2,70 SK za 1 kWh. Vypočítajte:

- Aký výkon by mal mať elektrický ohrievač?
- Koľko zaplatíme za elektrickú energiu za jeden týždeň?
- Aký výkon elektrického ohrievača by stačil v prípade bytu s dvojitou tehlovou stenou a oknom s dvomi vrstvami skla?
- Koľko by sa ušetrilo, keby bol byt ako v bode c)?

Tepelné straty cez jednotlivé druhy stien sú uvedené v tabuľke.

Konštrukcia steny	Φ [W.m ⁻² .K ⁻¹]
Dvojitá tehlová stena s výplňou izolačnej peny	0,5
Sklenné okno s dvomi vrstvami skla	2,7
Sklenné okno s jednou vrstvou skla	5,7
Tehlová stena	3,6

Úvaha:

Zadané hodnoty:

$$S_1 = 13 \text{ m}^2$$

$$S_2 = 2 \text{ m}^2$$

$$t_1 = 20^\circ \text{C}$$

$$t_2 = -10^\circ \text{C}$$

$$\Phi_1 = 3,6 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$$

$$\Phi_2 = 5,7 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$$

$$\Phi_3 = 0,5 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$$

$$\Phi_4 = 2,7 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$$

$$1 \text{ kWh} = 2,70 \text{ SK}$$

Neznáme hodnoty:

$$P_s = ?$$

Náklady ?

$$P_{su} = ?$$

Ušetrené?

Priemerný výkon elektrického radiátora

$$P_s = \frac{\Delta Q}{\Delta \tau}, \quad (1)$$

musí byť rovný teplu odvedenému stenou a oknom za jednotku času. Vzhľadom na to, že všetko teplo z radiátora sa využije na ohrev izby, budeme považovať elektrický príkon radiátora rovný jeho tepelnému výkonu.

Teplá odvedené stenami a oknom za jednotku času budú priamo

úmerné ich plošným obsahom S , rozdielu teplôt Δt medzi vnútrom izby a vonkajším okolím a hodnotou tepelného toku Φ , vzhľadom na materiál steny a okna. Za čas $\Delta \tau$ prejde stenou S_1 teplo

$$\Delta Q_1 = \Phi_x \Delta \tau S_1 (t_1 - t_2). \quad (2)$$

Oknom S_2 prejde za čas $\Delta \tau$ teplo

$$\Delta Q_2 = \Phi_y \Delta \tau S_2 (t_1 - t_2). \quad (3)$$

Aby v miestnosti ostala rovnaká teplota, je potrebné odvedené teplo nahradiť teplom

$$\Delta Q = (\Delta Q_1 + \Delta Q_2) = P_s \Delta \tau \quad (4)$$

z náhradného zdroja. Odtiaľto inštalovaný výkon elektrického ohrievača bude

$$P_s = (\Delta Q_1 + \Delta Q_2) / \Delta \tau.$$

Ak spotrebu elektrickej energie $P_s \Delta \tau$ vynásobíme jej cenou, dostaneme hľadané náklady. V prípade a) dosadíme za Φ_x hodnotu Φ_1 a za Φ_y hodnotu Φ_2 , v prípade c) dosadíme za Φ_x hodnotu Φ_3 a za Φ_y hodnotu Φ_4 . Rozdiel vypočítaných nákladov bude hľadaná úspora.

Riešenie:

a) Pre hľadaný výkon radiátora dostaneme: v prípade a)

$$P_s = (3,6 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1} \cdot 13 \text{ m}^2 + 5,7 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1} \cdot 2 \text{ m}^2) 30 \text{ K} = 1746 \text{ W}$$

Aby sa nám v izbe podarilo udržať stálu teplotu, radiátor by musel mať výkon minimálne 1746 W.

b) Za týždeň by sme zaplatili $1,746 \text{ kWh} \cdot 7 \cdot 24 \text{ h} \cdot 2,7 \text{ SK} / \text{kWh} = 792 \text{ SK}$

c) V byte s s dvojitou tehlovou stenou a oknom s dvomi vrstvami skla nám postačí výkon $P_s = (0,5 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1} \cdot 13 \text{ m}^2 + 2,7 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1} \cdot 2 \text{ m}^2) 30 \text{ K} = 357 \text{ W}$,

a za týždeň by sme zaplatili: $0,357 \text{ kW} \cdot 7 \cdot 24 \text{ h} \cdot 2,7 \text{ Sk} / \text{kWh} = 162 \text{ Sk}$.

d) Za týždeň by sa ušetrilo $(792 - 162) \text{ Sk} = 630 \text{ Sk}$.

11.3. Vo veľkej uzavretej kovovej nádrži sa nachádza 500 l transformátorového oleja, ktorého kinematická viskozita je $2,0 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$ a hustota 900 kgm^{-3} . Olej treba prečerpať cez trubicu o priemere 2 cm dĺžky 0,5 m. Výtokový otvor v nádobe je na dne a olej bol vytláčaný pretlakom $0,72 \cdot 10^5 \text{ Pa}$. Vypočítajte a) maximálnu rýchlosť oleja v priereze potrubia; b) čas, za ktorý olej prečerpali; c) priemernú rýchlosť oleja v potrubí.

Úvaha:

Zadané veličiny	Hľadané veličiny	Pri prúde viskózne kvapaliny v potrubí kruhového prierezu bude medzi dvomi koaxiálnymi vrstvami oleja pôsobiť šmykové napätie
$V = 0,5 \text{ m}^3$	$v_{\max} = ?$	
$\nu = 2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1}$	$t = ?$	
$\rho = 900 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$	$v_p = ?$	
$d = 0,02 \text{ m}$		
$l = 0,5 \text{ m}$		

$$\Delta p = 0,72 \cdot 10^5 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{s}^{-2}$$

$$\tau = -\eta \frac{dv}{dr}, \quad (1)$$

kde η je koeficient dynamickej viskozity, v je rýchlosť oleja a r vzdialenosť od osi trubice. Koeficient dynamickej viskozity sa dá vyjadriť ako súčin koeficienta kinematickej viskozity ν a hustoty oleja ρ

$$\eta = \nu \rho. \quad (2)$$

Uvažujme teraz objem kvapaliny ohraničený koaxiálnym povrchom o polomere r a dĺžky l vo vnútri trubice. Na túto časť kvapaliny pôsobí brzdiaca sila od susednej vrstvy

$$F = 2\pi r l \tau = -2\pi r l \nu \rho \frac{dv}{dr}. \quad (3)$$

Táto sila trenia sa kompenzuje silou, ktorú vyvoláva rozdiel tlakov Δp a ktorá je rovná $\pi r^2 \Delta p$.

Porovnaním dostaneme

$$\frac{dv}{dr} = -\frac{r}{2lv\rho} \Delta p. \quad (5)$$

Integrovaním rovnice (5)

$$\int_0^v dv = -\frac{\Delta p}{2lv\rho} \int_R^r r dr,$$

kde sme vzali do úvahy, že pri stene potrubia je rýchlosť oleja rovná 0, dostaneme

$$v = \frac{\Delta p}{4lv\rho} (R^2 - r^2), \quad (6)$$

kde R je polomer potrubia.

Pre objemový výtok kvapaliny za jednotku času platí Poiseuillov vzorec

$$V_1 = \frac{\pi \Delta p}{8lv\rho} R^4. \quad (7)$$

Ak vynásobíme rovnicu (7) dobou, za ktorú určitý objem vytiekol, dostaneme hodnotu tohto objemu.

Priemerná rýchlosť oleja cez prierez bude rovná objemu oleja, ktorý vytečie z potrubia za jednotku času podeleného obsahom prierezu potrubia.

Riešenie:

Zo vzorca (6) je zrejmé, že maximálna rýchlosť oleja bude v strede potrubia, teda pri $r = 0$.

$$v_{\max} = \frac{\Delta p}{4lv\rho} \frac{d^2}{4} = \frac{0,72 \cdot 10^5 \text{ kg.m}^{-1} \cdot \text{s}^{-2} \cdot (0,02\text{m})^2}{16 \cdot 0,5\text{m} \cdot 2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1} \cdot 900 \text{ kg.m}^{-3}} = 2,0 \text{ m.s}^{-1}.$$

Celý objem oleja vytečie za dobu t , ktorú vypočítame, ak podelíme celkový objem objemom oleja, ktorý vytečie za jednotku času

$$t = \frac{V}{V_1} = \frac{V \cdot 8lv\rho}{\pi \Delta p R^4} = \frac{0,5\text{m}^3 \cdot 8 \cdot 0,5\text{m} \cdot 2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1} \cdot 900 \text{ kg.m}^{-3} \cdot 16}{3,14 \cdot 0,72 \cdot 10^5 \text{ kg.m}^{-1} \cdot \text{s}^{-2} \cdot (0,02\text{m})^4} = 1591,5\text{s} \approx 26,5\text{min}$$

Priemernú rýchlosť vypočítame, ak vydělíme objemový prietok za jednotku času plošným obsahom prierezu potrubia.

$$v_p = \frac{V_1}{\frac{\pi d^2}{4}} = \frac{\pi \Delta p d^4}{\frac{\pi d^2}{4} 16 \cdot 8lv\rho} = \frac{\Delta p d^2}{32lv\rho} = \frac{0,72 \cdot 10^5 \text{ kg.m}^{-1} \cdot \text{s}^{-2} \cdot (0,02\text{m})^2}{32 \cdot 0,5\text{m} \cdot 2 \cdot 10^{-3} \text{ m}^2 \cdot \text{s}^{-1} \cdot 900 \text{ kg.m}^{-3}} = 1 \text{ m.s}^{-1}$$

Neriešené príklady:

11.4. Aký je relatívny rozdiel tlaku vo vnútri mydlovej bubliny o priemere 4 cm a v jej okolí, ak povrchové napätie mydlového roztoku je $5 \cdot 10^{-2} \text{ N/m}$? Atmosferický tlak je 0,1 MPa. [0,01%]

11.5. Aký musí byť priemer kapiláry v tele rastliny, aby v nej voda vystúpila do výšky 5 m? (Predpokladajte dokonalú zmáčavosť steny a povrchové napätie vody $7 \cdot 10^{-2} \text{ N/m}$). [5,7 μm]

11.6. Kapilára s priemerom 1,5 mm bola ponorená do vody. Polomer zakrivenia menisku vody v kapiláre je rovný 1,5 mm. Vypočítajte koľkokrát je menšia výška vody v kapiláre ako v prípade, ak by bolo zmáčanie steny kapiláry dokonalé! [dvakrát]

11.7. Do akej výšky vystúpi voda v dôsledku kapilarity medzi dvoma zvislými platňami s dokonale zmáčavým povrchom, ktorých vzdialenosť je 0,1 mm, ak je povrchové napätie vody 0,07 N/m? [14 cm]

11.8. Kapilára bola ponorená do nádoby s ortuťou a to tak, že dĺžka kapiláry nad hladinou ortuti bola 10 cm. Rozdiel hladín ortuti v kapiláre a v nádobe bol 5 cm. Potom bol horný koniec kapiláry uzatvorený. Kapiláru dvíhali z nádoby z ortuťou dovedy, kým hladiny ortuti v nádobe a kapiláre neboli rovnaké. O koľko bolo potrebné zdvihnúť kapiláru? Atmosferický tlak uvažujte $1,01 \cdot 10^5$ Pa . [6 cm]

11.9. Akú vrstvu vody udrží impregnovaná tkanina, ak otvory medzi vláknami považujeme za kruhové s priemerom 0,1 mm? [29 cm]

11.10.* V meste, plocha ktorého je 400 km², napršalo počas silného dažďa za 10 minút 20 mm vody. Vypočítajte množstvo tepelnej energie, ktoré vzniklo pri zlievaní kvapiek dažďa, ak kvapky, ktoré dopadali na zem, mali priemer 3 mm a vznikali z

malých kvapiek o priemere $3 \cdot 10^{-3}$ mm. Vypočítajte výkon tohto procesu.
[1168 GJ; 1,95 GW]

11.11.* Pri tavení dolného konca zvisle zaveseného oloveného drôtu o priemere 2 mm vzniklo 50 kvapiek olova. Vypočítajte priemer kvapiek. O koľko sa skrátil drôt? Súčiniteľ povrchového napätia roztaveného olova je 0,47 N.m⁻¹. [3,7 mm; 42,4 cm]

11.12. Pri sústružení je nôž chladený emulziou (uvažujte tepelné konštanty vody). Pri rýchlosti otáčania 400 ot/min pôsobí nôž na obrábaný predmet momentom sily 50 N.m. Aký musí byť objemový prietok emulzie, aby sa nezohrialo viac ako o 5°C ak predpokladáme, že odvádza teplo odpovedajúce 80% mechanického výkonu?
[80 cm³/s]

11.13. Potrubím diaľkového teplovodu o priemere 50 cm sa privádza do výmenníkovej stanice voda o teplote 120°C pri priemernej rýchlosti prúdenia 3m/s. Aký tepelný výkon voda vo výmenníku odovzdáva, ak teplota vracajúcej sa vody je 80°C?
[100 MW]

11.14. Antikatóda röntgenovej trubice je tvorená medenou tyčou dlhou 250 mm o priemere 15 mm. Vypočítajte rozdiel teplôt medzi horúcim a studeným koncom tyče, ak cez bočný povrch tyče sa teplo neodvádza a studený koniec tyče sa chladí vodou z vodovodu! Voda sa ohrieva o 3°C pri spotrebe 1 kg za minútu. [800 K]

11.15. Jeden koniec ocelevej tyče dĺžky 20 cm a prierezu 3 cm² udržujeme na stálnej teplote 300°C, druhý koniec zasahuje do topiaceho sa ľadu. Určite hmotnosť ľadu, ktorý sa roztopí za 10 minút, keď predpokladáme, že tepelné straty do okolia sú nulové. [0,047 kg]

11.16. Medená tyč dĺžky 15 cm je pripojená k železnej tyči rovnakého prierezu a dĺžky 8 cm. Voľný koniec medenej tyče udržiavame na stálnej teplote 150° C. Koniec železnej tyče na teplote 20° C. Vypočítajte hustotu tepelného toku v tyči a teplotu na stykovej ploche oboch tyčí za predpokladu nulových tepelných strát do okolia!
[$75 \cdot 10^3$ J.m⁻².s⁻¹; 121,9° C]

11.17. Dve doštičky, medená hrúbky 6 mm a železná hrúbky 4 mm, sa dotýkajú. Vypočítajte, aká má byť tepelná vodivosť jednoduchej rovnorodej dosky hrúbky 10 mm, aby viedla teplo rovnako, ako tieto dve doštičky! [118 W.m⁻¹.K⁻¹]

11.18. Valcové oceľové potrubie vnútorného priemeru 7 cm a vonkajšieho priemeru 7,6 cm je obalené azbestovým obalom hrúbky 3 cm. Vnútorný povrch potrubia má

teplotu 10°C, vonkajší povrch obalu má teplotu -10°C. Aké sú straty tepla na jeden meter potrubia za 24 hodín? Aké budú straty za rovnakých podmienok, keby potrubie nebolo obalené izolujúcim obalom? [$3,9 \cdot 10^6$ J, $7,7 \cdot 10^9$ J]

11.19. Priestor medzi dvoma koncentrickými guľami s polomerami R_1 a R_2 ($R_2 > R_1$) je vyplnený homogénnou látkou dobre vedúcou teplo, ktorej tepelná vodivosť je λ . Teploty povrchov sú T_1 a T_2 . Určite množstvo tepla, ktoré prejde za čas Δt za ustáleného tepelného toku ktoroukoľvek guľovou plochou koncentrickou s oboma danými guľovými plochami! $\left[Q = 4\pi\lambda\Delta t \frac{R_1 R_2}{R_2 - R_1} (T_1 - T_2) \right]$

11.20. Tepelná vodivosť azbestu bola meraná nasledovne. Azbestová doska hrúbky $(30 \pm 0,5)$ mm je zo spodnej strany ohrievaná elektrickým ohrievačom, teplota ktorého sa udržiava konštantná, a je rovná $(800 \pm 5)^\circ\text{C}$. Horná strana tvorí dno prietokového vodného kalorimetra o priemere (250 ± 1) mm. Vypočítajte súčiniteľ tepelnej vodivosti azbestu a jeho chybu, ak viete, že spotreba vody v kalorimetri je (120 ± 1) kg/hod, teplota vody na vstupe do kalorimetra je $(20,12 \pm 0,01)^\circ\text{C}$ a na výstupe $(22,36 \pm 0,01)^\circ\text{C}$! Teploty teplejšej a chladnejšej strany azbestovej dosky sú $(800 \pm 5)^\circ\text{C}$ a $(200 \pm 5)^\circ\text{C}$. Merné teplo vody je $4186 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{kg}^{-1}$. [$(0,315 \pm 0,008) \text{ J} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$]

11.21.* Vypočítajte tok tepla cez ohňovzdornú vymurovku tepelného zdroja, ak viete, že hrúbka vymurovky je 400 mm, teplota vnútornej strany 900°C a vonkajšej 60°C . Súčiniteľ tepelnej vodivosti ohňovzdorného materiálu závisí od teploty podľa vzťahu $k = k_0(1+bt)$, kde $k_0 = 0,35 \text{ W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$, $b = 1,5 \cdot 10^{-3} \text{ K}^{-1}$. [$1265 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2}$]

11.22. Aký výkon musí mať vykurovacie teleso v miestnosti, aby kompenzovalo straty tepla cez stenu o ploche $3,5 \times 2,5 \text{ m}^2$ a hrúbke 30 cm, ak je teplota vzduchu v miestnosti 20°C a vonku -10°C ? Uvažujte súčiniteľ mernej tepelnej vodivosti steny $1,2 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$ a súčinitele prestupu tepla na vnútornej strane $15 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$ a na vonkajšej strane steny $30 \text{ W} \cdot \text{m}^{-2} \cdot \text{K}^{-1}$. Aké sú teploty vnútorného a vonkajšieho povrchu steny? [750 W , 14°C , -7°C]

11.23. Tenká planoparalelná doska s plochou 2 m^2 sa nachádza v prúde kvapaliny, ktorá tečie pozdĺž jej povrchu. Vypočítajte, aká je dynamická viskozita tejto kvapaliny, ak na dosku pozdĺž jej povrchu pôsobí kvapalina silou $0,244 \cdot 10^{-3} \text{ N}$ a gradient rýchlosti v mieste kde sa doska nachádza je $0,1 \text{ s}^{-1}$. [$1,22 \cdot 10^{-3} \text{ kg} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$]

11.24. Prívodné vodovodné potrubie o priemere 400 mm privádza vodu z priehrady do úpravovne vody. Vzdialenosť priehrady od úpravovne je 50 km. Vstupný otvor potrubia je 10 m pod hladinou vody v priehrade, na výstupe potrubia je tlak atmosférický. Vypočítajte prietok vody na výstupe potrubia! Potrubie považujte za vodorovné. Koeficient dynamickej viskozity vody je $0,00131 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$. [$0,94 \text{ m}^3 \cdot \text{s}^{-1}$]

11.25. Do prevodovky vtláča mechanik olej o viskozite $4,8 \cdot 10^{-2} \text{ kg} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$ pomocou striekačky, ktorá má výstupnú trubicu dlhú 5 cm o priemere 6 mm a jej valec má polomer 5 cm. Akou silou musí pôsobiť mechanik na piest valca, aby vtlačil 1 l oleja za 30 s? [$19,7 \text{ N}$]

11.26. Na stole stojí nádoba s olejom hustoty $900 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$ a dynamickou viskozitou $0,5 \text{ N} \cdot \text{s} \cdot \text{m}^{-2}$. V bočnej stene nádoby vo výške 5 cm od dna je otvor, do ktorého je tesne zasunutá kapilára. Vnútorný polomer kapiláry je 1 mm a jej dĺžka je 1 cm. Hladina oleja sa udržiava vo výške 50 cm nad kapilárou. V akej vzdialenosti od konca kapiláry (v horizontálnom smere) bude prúd oleja dopadať na stôl? [$1,1 \text{ cm}$]